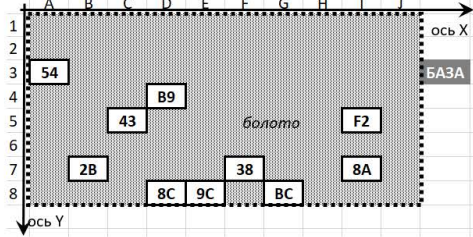
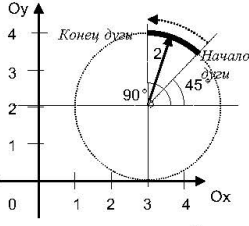
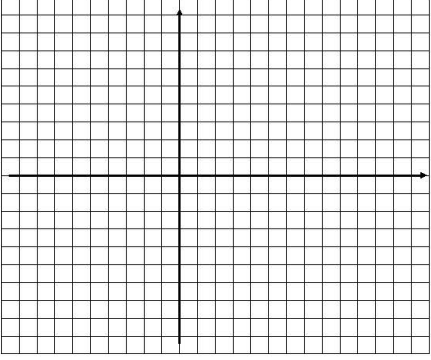


Шифр 11-8-8



Олимпиада «МИСиС зажигает звезды»
Информационно - технологическое направление
 Заключительный тур 2020 г.
11 класс

№	Задание	Ответы	Баллы
1	На каждой грани куба написано одно натуральное число больше единицы. Для каждой вершины Ваня посчитал произведение чисел, написанных на гранях, которым принадлежит эта вершина. Сумма всех посчитанных произведений оказалась равна 165. Найдите сумму чисел, написанных на гранях куба.		10
2	Найдите наименьшее значение выражения $F = x^2 + y^2 + 24x + 20y$, если переменные x и y удовлетворяют неравенству $ x - 6 + y - 10 \leq 2$.		15
3	Из множества пятизначных чисел, записанных следующими пятью цифрами 2, 4, 4, 6, 6, наудачу выбирают одно число. Найдите вероятность того, что оно не делится нацело на 4.		25
4	При передаче секретной числовой информации количеством N цифр отправитель посылает получателю $N+1$ десятичное число. Согласно принятой схеме шифрования первое десятичное число является базовым для расшифровки. Прочие N чисел – числа-фильтры, которые позволяют сформировать цифры числа-результата. Все числа преобразуются в двоичный код. Для получения цифр числа результата используются числа-фильтры, определяя значимую часть передаваемой секретной информации: 0 в разряде числа-фильтра - означает, что данный бит базового числа следует игнорировать; 1 в разряде числа-фильтра означает, что данный бит базового числа формирует результат. Например, последовательность чисел «134 224 14 7» передает число 436. Определите, какое число в десятичной системе счисления передано с использованием данной схемы кодирования, если была отправлена следующая информация: 197 14 224 112		10
5	Робот Лягушка перемещается в соответствии с инструкциями, закодированными в двоичной системе счисления. Каждая инструкция длиной 8 бит: первый бит определяет направление прыжка по оси X (0 - по оси X, 1 - против оси X); следующие три бита определяют длину прыжка в клетках; пятый бит определяет направление прыжка по оси Y (0 - по оси Y, 1 - против оси Y); следующие три бита определяют длину прыжка в клетках. На кочках заданы инструкции для робота Лягушка; на рисунке они записаны в шестнадцатеричном коде. Кочки на рисунке изображены белыми прямоугольниками; имена кочек складываются из букв английского алфавита по оси X и цифры по оси Y; серый фон - болото. Определите кочку, единственным исправлением инструкции на которой		15

	роботу Лягушке обеспечивается благополучное возвращение на базу с любой кочки болота. В ответе укажите имя кочки и новую инструкцию в шестнадцатеричном коде, которая должна быть на ней написана. 		
6	Робот Циркуль имеет возможность рисовать любые фигуры на координатной плоскости, состоящие из дуг, с помощью команды $\text{arc}(x,y,u1,u2,r)$. По команде $\text{arc}(x,y,u1,u2,r)$ Циркуль рисует дугу окружности с радиусом r, центр которой имеет координаты (x,y), начало и конец дуги определяются углами градусной меры $u1$ и $u2$ соответственно. Ось абсцисс соответствует углу ноль градусов. Дуга рисуется от начала до конца против часовой стрелки. Например, команда $\text{arc}(3, 2, 45, 90, 2)$ приведет к рисованию следующей фигуры:  Команда $\text{cycle } k$ (<список команд>) позволяет повторять список команд, указанный в скобках, k раз. Циркуль умеет работать с целочисленными переменными (тип переменных не объявляется). Определение и изменение значений переменных реализуется командой присвоения «=»; например, для переменной s $s=<\text{новое значение}>$, при этом новое значение переменной может быть как числовым значением, так и арифметическим выражением с использованием классических символов «+», «-», «/», «*». Изобразите, что нарисует Циркуль согласно следующей программе: <pre> xs = -5 y = -6 k = 3 cycle 5 (x = xs r = 1 z = 1 cycle k (arc(x, y, 0, 90, r) x = x - 1 r = r + 1) xs = xs + 3 y = y + 2 k = k + 1) </pre> 		25

Возвращов Сергей Михайлович и класс Шифр 11-8-8 Лич 1

№2.

Так как неравенство $|x-6|+|y-10| \leq 2$ должно иметь смысл, то если левая часть будет больше двух, неравенство не будет иметь смысла, а значит $|x-6| \leq 2$ и $|y-10| \leq 2$. Значения x лежат в

~~в~~ $[4; 8]$, значения y в $[8; 12]$. Рассмотрим теперь функцию F , зависящую от x :

$Fx = x^2 + 24x$. График - парабола, $x_0 = -12$. На $[-12; +\infty)$ функция возрастает, значит при меньших x функция примет меньшее значение. Теперь функция F , зависящая от x :

$Fy = y^2 + 20y$. $y_0 = -10$. На $[-10; +\infty)$ функция возрастает, значит при меньших значениях y функция примет меньшее значение.

Таким образом, мы выбираем значения $x: [6; 8]$ и значения $y: [10; 12]$. Анализируем варианты: $x=4, y=10$; $x=5, y=9$; $x=6, y=8$. Рассмотрим значения функции F при этих парах:

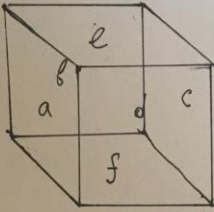
$$\begin{cases} x=4 \\ y=10 \end{cases} \quad \begin{cases} x=5 \\ y=9 \end{cases}$$
$$F = 16 + 100 + 96 + 200 = 412 \quad F = 25 + 81 + 120 + 180 = 406$$

$$\begin{cases} x=6 \\ y=8 \end{cases}$$
$$F = 36 + 64 + 144 + 160 = 260 + 144 = 404$$

Ответ: 404.

Задача по теории Михайлова 11 класс Учитель 11-8-8. Лем 2

11.



Пусть a, b, c, d — длины, написанные на боковых гранях, e, f — на верхней и нижней гранях.

Тогда сумма произведений:

$$a \cdot b \cdot e + a \cdot b \cdot f + b \cdot c \cdot e + b \cdot c \cdot f + c \cdot d \cdot e + c \cdot d \cdot f +$$

$$+ a \cdot d \cdot e + a \cdot d \cdot f = 165 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow a \cdot b \cdot (e + f) + b \cdot c \cdot (e + f) + c \cdot d \cdot (e + f) + a \cdot d \cdot (e + f) = 165 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow (e + f)(a \cdot b + b \cdot c + c \cdot d + a \cdot d) = 165 \Leftrightarrow (e + f)(b \cdot (a + c) + d \cdot (a + c)) = 165 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow (e + f)(a + c)(b + d) = 165$$

У числа 165 три делителя: 11, 3 и 5. Значит, каждый из множителей либо 11, либо 3, либо 5. Пусть $(e + f) = 5$, $(a + c) = 11$, $(b + d) = 3$. Проверим эти случаи.

$$(e + f) + (a + c) + (b + d) = 5 + 11 + 3 \Leftrightarrow a + b + c + d + e + f = 19.$$

Ответ: 19.

(Проверим, если $b + d = 3$, то либо $b = 1$, либо $d = 1$, а в любом случае, что либо > 1 , но это невозможно. Предполагаю, что в условии опечатка)

Гаврилов Евгений Михайлович 11 класс Школы 11-8-8. Лист № 3

№3.

Число будет делиться на 4, если последние две цифры, образуют число, делимое на 4. То есть, число поделится на 4, если оканчивалось на 24, 44, 64.
Есть всего 3 значащих разрядных числа, оканчивающихся на 44 (26644, 62644, 66244), 6 чисел, оканчивающихся на 64 (как и на 44, так как есть 3! вариации разноразрядных цифр 2, 4 и 6 на первых 3 разрядах) и 3 числа, оканч. на 24. Число 12.

Всего значащих чисел из 2, 4, 4, 66 - 30 (12 когда 4 на конце, 12 когда 6 на конце (и 4, 4, 6 - две шестерки ~~значимы~~) и 6 чисел с двойкой на конце).
Вероятность, что число не делится на 4 равно

$$\frac{30-12}{30} = \frac{18}{30} = \frac{3 \cdot 6}{5 \cdot 6} = 0,6.$$

Ответ: 0,6.

Габришишвили Георгий Михайлович Индекс 11-88 Класс 11, Математика 4

п.б.

С каждым новым вхождением во внешнюю окружность, центр первой окружности смещается на 3 ординаты по Ox и на 2 по Oy ; а также добавляется одна дуга.

